

# LMA521: Statistisk kvalitetsstyrning

## Föreläsning 7

## Acceptansk kontroll:

- Enkel provtagningsplan
- Dubbel provtagningsplan
- Kontrollomfattning.

## Styrande kontroll:

- Medelvärdesdiagram
- R-diagram/ s-diagram
- Felantalsdiagram

- 1 Kapabilitet/duglighet
- 2 Duglighetsindex
- 3 Korrigerat duglighetsindex
- 4 Problem 3.4 (SK)
- 5 Problem 3.2 (SK)

Tidigare den här veckan har vi gått igenom styrande kontroll. Här var fokus på att upptäcka om produktionsprocessen förändrats. Vi diskuterade aldrig huruvida våra producerade enheter levde upp till kvalitetskraven eller inte.

Nu kommer vi knyta ihop styrande kontroll med de kvalitetskrav vi faktiskt har på produkten. Detta görs genom att man jämför sin process med kvalitetskraven genom några specifika duglighetsmått.

Våra krav på kvalitetsindikatorn kan definieras med följande värden:

- Övre toleransgräns,  $T_{\bar{o}}$   
Det värde som är det absolut högsta värde vi tillåter för kvalitetsindikatorn om enheten inte skall klassas som defekt.
- Undre toleransgräns,  $T_u$   
På samma sätt som  $T_{\bar{o}}$  fast en undre gräns istället.
- Målvärde,  $M$   
Värdet mitt emellan  $T_{\bar{o}}$  och  $T_u$ . Det värde som vi helst skulle vilja att kvalitetsindikatorn hade för alla enheter som produceras.

Duglighetsmått beskriver sedan hur bra de producerade enheterna lever upp till dessa kvalitetskrav.

### Definition: Kapabilitetsindex (duglighetsindex)

$$C_p = \frac{T_{\text{ö}} - T_u}{6\sigma}$$

Kapabilitetsindex sätter standardavvikelsen av produktionsprocessen i relation till de kravgränser vi har.

Vi vill att  $C_p$  skall vara stor så det är en väldigt liten risk att en enhet som produceras hamnar utanför kravgränserna då processen är under statistisk kontroll. Tumregel:  $C_p > 1.33$  för att vi skall vara nöjda med produktionsprocessen.

Duglighetsindexet,  $C_p$ , tar bara hand om spridningen i processen. Men om väntevärdet inte är samma som målvärdet för kvalitetsindikatorn?

Definition: Korrigerat kapabilitetsindex/duglighetsindex

$$C_{pk} = C_p(1 - CM)$$

Här är  $CM = 2 \frac{|M - \mu|}{T_{\bar{o}} - T_u}$ , där  $\mu$  är processens väntevärde och  $M$  är produktens målvärde.

Jämfört med vanligt duglighetsindex så inkluderar  $C_{pk}$  att väntevärdet av processen inte behöver vara samma som målvärdet.

## Definition: Korrigerat kapabilitetsindex/duglighetsindex

$$C_{pk} = C_p(1 - CM)$$

Här är  $CM = 2 \frac{|M - \mu|}{T_{\bar{o}} - T_u}$ , där  $\mu$  är processens väntevärde och  $M$  är produktens målvärde.

Jämfört med vanligt duglighetsindex så inkluderar  $C_{pk}$  att väntevärdet av processen inte behöver vara samma som målvärdet (och att detta är sämre än en "centrerad" process).

Som vi ser så blir  $C_{pk}$  mindre hur mer målvärdet och väntevärdet skiljer sig. Vi ser också att  $C_{pk} \leq C_p$ . Även här är tumregeln  $C_{pk} > 1.33$  för en acceptabel process.

## Problem 3.4 (SK)

Problem: 3.4 a) (SK)

Vad mäter duglighetsindex och korrigerat duglighetsindex?

## Problem 3.4 (SK)

### Problem: 3.4 a) (SK)

Vad mäter duglighetsindex och korrigerat duglighetsindex?

$C_p$  mäter processens spridning jämfört med kravgränserna. Ett stort  $C_p$  innebär att spridningen är liten jämfört med de satta kravgränserna.

$C_{pk}$  justerar  $C_p$  för att också ta hänsyn till att processens väntevärde kanske inte är det samma som det målvärde man egentligen helst vill ha. T.ex. skulle medianen ligga precis på gränsen till en av kravgränserna så skulle den minsta spridning innebära att hälften av alla producerade enheter inte uppfyllde kraven.

## Problem 3.4 (SK)

Problem: 3.4 b) (SK)

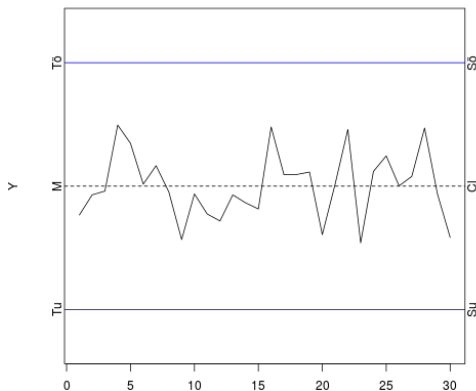
Rita ett medelvärdesdiagram där  $C_p = 1$  och  $C_{pk} = 1$ .

## Problem 3.4 (SK)

### Problem: 3.4 b) (SK)

Rita ett medelvärdesdiagram där  $C_p = 1$  och  $C_{pk} = 1$ .

Om  $n = 1$  så blir styrgränserna och kravgränserna identiska.



## Problem 3.2 (SK)

### Problem: 3.2 a) (SK)

En operatör valde med jämna mellanrum slumpmässigt ut 5 observationer för att konstruera medelvärdes- och spridningsdiagram. Från sina urval beräknade han  $\bar{\bar{x}} = 2.74$  och  $\bar{\bar{R}} = 1.284$ .

a) När skall kontrollanten slå larm om att processen inte längre är under statistisk kontroll?

$$n = 5, \quad \bar{\bar{x}} = 2.74 \text{ och } \bar{\bar{R}} = 1.284$$

**Tabell:** Tabell för konstanter relaterade till styrdiagrammen. Finns på sidan 117 i boken.

| $n$      | $\bar{x}$ -diagram |          | s-diagram | $R$ -diagram |          |          |          |          |
|----------|--------------------|----------|-----------|--------------|----------|----------|----------|----------|
|          | $A_2$              | $A_3$    | ...       | $d_2$        | $D_1$    | $D_2$    | $D_3$    | $D_4$    |
| 2        | 1.88               | 2.66     | ...       | 1.13         | 0        | 3.69     | 0        | 3.27     |
| $\vdots$ | $\vdots$           | $\vdots$ | $\vdots$  | $\vdots$     | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ |
| 5        | 0.577              | 1.427    | ...       | 2.326        | 0        | 4.918    | 0        | 2.115    |
| $\vdots$ | $\vdots$           | $\vdots$ | $\vdots$  | $\vdots$     | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ |
| $\vdots$ | $\vdots$           | $\vdots$ | $\vdots$  | $\vdots$     | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ | $\vdots$ |

$$n = 5, \quad \bar{\bar{x}} = 2.74 \text{ och } \bar{\bar{R}} = 1.284$$

## Medelvärdesdiagram

$$Cl = \bar{\bar{x}} = 2.74$$

$$Sö = \bar{\bar{x}} + A_2 \bar{R} = 2.74 + 0.577 \cdot 1.284 = 3.481$$

$$Su = \bar{\bar{x}} - A_2 \bar{R} = 2.74 - 0.740 = 2.00$$

## R-diagram

$$Cl = \bar{R} = 1.284$$

$$Sö = D_4 \bar{R} = 2.115 \cdot 1.284 = 2.716$$

$$Su = D_3 \bar{R} = 0$$

### Problem: 3.2 a) (SK)

a) När skall kontrollanten slå larm om att processen inte längre är under statistisk kontroll?

Då provuttagets stickprovsmedelvärde är större än 3.481 eller mindre än 2.00.

Även då provuttagets variationsbredd är större än 2.716.

### Problem: 3.2 b) (SK)

Beräkna duglighetsindex och korrigerat duglighetsindex då nedre toleransgräns är 2 och övre toleransgräns är 4.

### Problem: 3.2 b) (SK)

Beräkna duglighetsindex och korregerat duglighetsindex då nedre toleransgräns är 2 och övre toleransgräns är 4.

$$T_{\text{ö}} = 4, T_{\text{u}} = 2, M = 3.$$

### Problem: 3.2 b) (SK)

Beräkna duglighetsindex och korrigerat duglighetsindex då nedre toleransgräns är 2 och övre toleransgräns är 4.

$$T_{\bar{o}} = 4, T_u = 2, M = 3.$$

$$\hat{\sigma} = \frac{\bar{R}}{d_2} = \frac{1.284}{2.326} = 0.5520$$

$$C_p = \frac{T_{\bar{o}} - T_u}{6\sigma} = \frac{2}{6 \cdot 0.5520} = \frac{2}{3.312} = 0.6039$$

$$CM = 2 \frac{|M - \mu|}{T_{\bar{o}} - T_u} = 2 \frac{3 - 2.74}{2} = 2 \frac{0.26}{2} = 0.26$$

$$C_{pk} = C_p(1 - CM) = 0.6039 \cdot 0.74 = 0.4469$$

Problem: 3.2 c) (SK)

Vad skall vi dra för slutsatser om processen?

## Problem: 3.2 c) (SK)

Vad skall vi dra för slutsatser om processen?

Vi vet styrgränserna för huruvida vår process är under statistisk kontroll. Givet att den skulle vara detta så kan vi titta på kapabilitetsmått.

$C_p < 1.33$  så det är för stor spridning i vår process.  $C_{pk}$  är inte så mycket mindre än  $C_p$  så processen är ganska välcentrerad omkring målvärdet.

## Problem: 4 tenta 160113

En chipsfabrik tillverkar påsar med pepparchips. Affären som beställt påsarna har angivit övre toleransgräns  $T_{\text{o}} = 255$  gram och undre toleransgräns  $T_{\text{u}} = 245$  gram. Vi antar att påsarnas vikter är normalfördelade med okänt väntevärde,  $\mu$ , och okänd standardavvikelse,  $\sigma$ . Vi antar också att alla påsars vikt är oberoende av varandra.

7 påsar har inspekterats med följande resultat:

243.4   245.0   243.3   245.3   245.1   246.3   244.2

a) Beräkna ett 95% konfidensintervall för  $\mu$ .

### Problem: 4 tenta 160113

En chipsfabrik tillverkar påsar med pepparchips. Affären som beställt påsarna har angivit övre toleransgräns  $T_{\text{o}} = 255$  gram och undre toleransgräns  $T_{\text{u}} = 245$  gram. Vi antar att påsarnas vikter är normalfördelade med okänt väntevärde,  $\mu$ , och okänd standardavvikelse,  $\sigma$ . Vi antar också att alla påsars vikt är oberoende av varandra.

7 påsar har inspekterats med följande resultat:

243.4   245.0   243.3   245.3   245.1   246.3   244.2

a) Beräkna ett 95% konfidensintervall för  $\mu$ .

### Problem: 4b) tenta 160113

Skatta kapabilitetsindex och korrigerat kapabilitetsindex för tillverkningsprocessen. Vad kan vi dra för slutsats?

## Problem: 7 tenta 150317

Ett företag köper in lysdioder. De använder en dubbel provtagningsplan för att testa kvaliteten. I urval 1 testas 80 dioder. Om antalet defekta i urval 1 är mindre än eller lika med 2 accepteras partiet. Om antalet defekta är större än 5 avvisas partiet. I urval 2 testas 80 nya lysdioder. Om antalet defekta från båda urvalen är större än eller lika med 5 avvisas partiet, annars accepteras det.

Antag felkvoten i partiet egentligen är 5%. Vi antar att  $N$  är så stort att  $\frac{80}{N} < 1\%$ .

### Problem: 7 tenta 150317

Ett företag köper in lysdioder. De använder en dubbel provtagningsplan för att testa kvaliteten. I urval 1 testas 80 dioder. Om antalet defekta i urval 1 är mindre än eller lika med 2 accepteras partiet. Om antalet defekta är större än 5 avvisas partiet. I urval 2 testas 80 nya lysdioder. Om antalet defekta från båda urvalen är större än eller lika med 5 avvisas partiet, annars accepteras det.

Antag felkvoten i partiet egentligen är 5%. Vi antar att  $N$  är så stort att  $\frac{80}{N} < 1\%$ .

### Problem: 7 a) tenta 150317

Beräkna sannolikheten att partiet avvisas (Motivera approximationer).

### Problem: 7 b) tenta 150317

Låt  $A$  vara händelsen att man går vidare från urval 1 till urval 2.  
Beräkna den betingade händelsen att partiet accepteras givet händelse  $A$ .

Problem: 7 b) tenta 150317

Låt  $A$  vara händelsen att man går vidare från urval 1 till urval 2.  
Beräkna den betingade händelsen att partiet accepteras givet händelse  $A$ .

Problem: 7 c) tenta 150317 (extrauppgift)

Vad är  $ATI(5\%)$ ?

Problem: 7 b) tenta 150317

Låt  $A$  vara händelsen att man går vidare från urval 1 till urval 2.  
Beräkna den betingade händelsen att partiet accepteras givet händelse  $A$ .

Problem: 7 c) tenta 150317 (extrauppgift)

Vad är  $ATI(5\%)$ ?

Problem: 7 d) tenta 150317 (extrauppgift)

Vad är  $ASN(5\%)$ ?

# Sammanfattning av dagens innehåll

- Kapabilitetsindex
- Korrigerat kapabilitetsindex